

Declaro que segui o código de ética do Curso de Engenharia Ambiental ao realizar esta prova

NOME: GABARITO

Assinatura: _____

AO REALIZAR ESTA PROVA, VOCÊ DEVE JUSTIFICAR TODAS AS PASSAGENS. EVITE “PULAR” PARTES IMPORTANTES DO DESENVOLVIMENTO DE CADA QUESTÃO. JUSTIFIQUE CADA PASSO IMPORTANTE. SIMPLIFIQUE AO MÁXIMO SUAS RESPOSTAS.

1 [40] Para uma bacia hidrográfica com área $A = 7.0 \text{ mi}^2$, observa-se a altura de chuva efetiva p e o escoamento direto q da tabela abaixo. Converta p e q para cm h^{-1} e preencha as colunas de intensidade de chuva efetiva x e escoamento direto y .

t (1/2 h)	p (in)	q ($\text{ft}^3 \text{ s}^{-1}$)	x (cm h^{-1})	y (cm h^{-1})	Fatores de conversão	
0	0.00	0.0			1 in	2.54 cm
1	1.06	428.0			1 ft	12 in
2	1.93	1923.0			1 mi	1609.34 m
3	1.81	5297.0				
4	0.00	9131.0				
5	0.00	10625.0				
6	0.00	7834.0				
7	0.00	3921.0				
8	0.00	1846.0				
9	0.00	1402.0				
10	0.00	830.0				
11	0.00	313.0				

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

t (1/2 h)	p (in)	q ($\text{ft}^3 \text{ s}^{-1}$)	x (cm h^{-1})	y (cm h^{-1})
0	0.00	0.0	0.0	0.0
1	1.06	428.0	5.3848	0.23962947
2	1.93	1923.0	9.8044	1.07665295
3	1.81	5297.0	9.1948	2.96569459
4	0.00	9131.0	0.0	5.11228192
5	0.00	10625.0	0.0	5.94874552
6	0.00	7834.0	0.0	4.38611505
7	0.00	3921.0	0.0	2.19529705
8	0.00	1846.0	0.0	1.03354205
9	0.00	1402.0	0.0	0.78495447
10	0.00	830.0	0.0	0.464702
11	0.00	313.0	0.0	0.17524304

■

2 [20] Se a duração da chuva efetiva é M e a duração da vazão direta é N , qual é a duração da hidrógrafa unitária H ? Justifique.

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

$$H = N - M + 1$$

pois cada intervalo de tempo de precipitação gera uma resposta de duração H . Logo, M intervalos vão gerar uma resposta de duração $N = M + H - 1$ ■

3 [20] Defina matematicamente a hidrógrafa unitária instantânea.

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

A HUI é a resposta (linear) de uma bacia a uma chuva uniformemente distribuída sobre a bacia com intensidade $\delta(t)$, onde $\delta(t)$ é a delta de Dirac ■

4 [20] Dada a equação da continuidade em um reservatório de acumulação,

$$\frac{dS}{dt} = I - O,$$

onde S é o volume do reservatório, I é a hidrógrafa afluyente, e $O = O(S)$ é a hidrógrafa efluente, mostre que o máximo de O ocorre quando $I = O$.

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

$$\begin{aligned} O &= O(S); \\ \frac{dO}{dt} &= \frac{dO}{dS} \frac{dS}{dt}; \\ \frac{dO}{dt} = 0 &\quad \Rightarrow \quad \frac{dS}{dt} = 0; \\ \frac{dS}{dt} = I - O = 0 &\quad \Rightarrow \quad I = O \blacksquare \end{aligned}$$